МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Министерство образования и науки Республики Татарстан Исполнительный комитет Рыбно-Слободского муниципального района

МБОУ "Большеелгинская СОШ"

PACCMOTPEHO

СОГЛАСОВАНО

УТВЕРЖДЕНО

Руководитель ШМО

Заместитель директора

Директор

ЕМЦ

по УР

Г. М. Миннигалеева приказ №54 о/д от (28)

Му Л.Р. Хуснутдинова протокол№ от «28» августа «28» августа 2023 г.

Э.Р.Валеева августа 2023 г.

2023 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

(ID 1744109)

учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа.

Базовый уровень»

для обучающихся 10 – 11 классов

с. Большая Елга 2023

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа составлена на основе следующих нормативно-правовых документов:

- Закон Российской Федерации от 29.12.2012 №273-ФЗ «Об образовании в Российской Федерации» (далее Федеральный закон № 273-ФЗ);
- Закон Республики Татарстан от 22.07.2013 №68-ЗРТ «Об образовании»;
- Федеральный государственный образовательный стандарт среднего общего образования (Приказ Минпросвещения России №287 от 12.08.2022);
- Федеральная образовательная программа среднего общего образования (приказ Министерства просвещения РФ от 18 мая 2023 г.№370);
- Федеральный перечень учебников, рекомендуемых к использованию при реализации имеющих государственную аккредитацию образовательных программ начального общего, основного общего, среднего общего образования, утвержденный приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 20.05.2020 №254;
- Федеральный перечень учебников, допущенных к использованию при реализации имеющих государственную аккредитацию образовательных программ начального общего, основного общего, среднего общего образования организациями, осуществляющими образовательную установления предельного деятельность срока использования исключенных учебников, утвержденный приказом Минпросвещения России от 21.09.2022 N 858;
- Учебный план МБОУ «Большеелгинская средняя общеобразовательная школа» Рыбно-Слободского муниципального района Республики Татарстан на 2023-2024 учебный год, утвержденный приказом № 58 о/д от 28.08.2023 года;
- Годовой календарный учебный график МБОУ «Большеелгинская средняя общеобразовательная школа» Рыбно-Слободского муниципального района Республики Татарстан на 2023-2024 учебный год, утвержденный приказом № 59 о/д от 28.08.2023 года;
- Устав МБОУ «Большеелгинская СОШ»;
- Положение о рабочей программе МБОУ «Большеелгинская СОШ»

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе среднего общего образования, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление обучающихся на уровне, необходимом для освоения информатики, обществознания, истории, словесности и других дисциплин. В рамках данного учебного курса обучающиеся овладевают

универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Учебный курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В то же время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» обучающиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Учебный курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

В структуре учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» выделены следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала «Множества Bce основные математического анализа», И логика». содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения на уровне среднего общего образования, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный учебный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин, таких как алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств, математическая логика и другие. По мере того как обучающиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и

совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные при изучении учебного курса, для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать свой ответ.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато на уровне основного общего образования. На уровне среднего общего особое образования внимание уделяется формированию рациональных вычислений, включающих в себя использование различных форм записи числа, умение делать прикидку, выполнять приближённые вычисления, оценивать числовые выражения, работать с математическими константами. В каждом из этих множеств рассматриваются свойственные ему специфические задачи и операции: деление нацело, оперирование остатками на множестве целых чисел, особые свойства рациональных и арифметические иррациональных чисел, операции. Благодаря последовательному расширению круга используемых чисел и знакомству с возможностями их применения для решения различных задач формируется представление о единстве математики как науки и её роли в построении моделей реального мира, широко используются обобщение и конкретизация.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения на уровне среднего общего образования, поскольку в каждом разделе Программы предусмотрено решение соответствующих задач. В результате обучающиеся овладевают различными методами иррациональных, показательных, логарифмических рациональных, тригонометрических уравнений, неравенств и систем. Полученные умения широко используются при исследовании функций с помощью производной, при решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по преобразования рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления обучающихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями учебного курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, так как у них появляется возможность строить графики сложных функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, позволяет находить наилучшее решение в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и об их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» включает в себя элементы теории множеств и математической логики. Теоретикомножественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины и их приложения в единое целое. Поэтому важно дать возможность обучающемуся понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей. Другим важным признаком математики как науки следует признать свойственную ей строгость обоснований и следование определённым правилам построения доказательств. Знакомство c элементами

математической логики способствует развитию логического мышления обучающихся, позволяет им строить свои рассуждения на основе логических правил, формирует навыки критического мышления.

В учебном курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют основы математического моделирования, которые призваны способствовать формированию навыков построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа, интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал учебного курса широко используется для решения прикладных задач. При реальных практических обучающиеся решении задач развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать конкретизировать проблему. И Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем учебного курса «Алгебра и начала математического анализа».

На изучение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» отводится 204 часа: в 10 классе — 102 часов (3 часа в неделю), в 11 классе — 102 часов (3 часа в неделю).

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

10 КЛАСС

Числа и вычисления

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени и его свойства.

Степень с рациональным показателем и её свойства, степень с действительным показателем.

Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы.

Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства

Тождества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения. Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства.

Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств. Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни.

Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений.

Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений.

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений.

Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений.

Решение систем линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений. Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств. Применение

уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Функции и графики

Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. График функции. Элементарные преобразования графиков функций.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке.

Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение их графиков.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для решения уравнений.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях. Графики реальных зависимостей.

Начала математического анализа

Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные и ограниченные последовательности.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств. Применение свойств непрерывных функций для решения задач.

Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.

Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций.

Множества и логика

Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для

описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения.

11 КЛАСС

Числа и вычисления

Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, наибольший общий делитель (далее — НОД) и наименьшее общее кратное (далее — НОК) для решения задач в целых числах.

Уравнения и неравенства

Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства.

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств.

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств.

Основные методы решения иррациональных неравенств.

Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.

Уравнения, неравенства и системы с параметрами.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов.

Функции и графики

График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

Начала математического анализа

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.

Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница.

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.

Примеры решений дифференциальных уравнений.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

1) гражданского воспитания:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

2) патриотического воспитания:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

3) духовно-нравственного воспитания:

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

4) эстетического воспитания:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

5) физического воспитания:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

6) трудового воспитания:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и

самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологического воспитания:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

Коммуникативные универсальные учебные действия

Общение:

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу обучения в **10 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

Числа и вычисления:

свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты, иррациональное число, множества рациональных и действительных чисел, модуль действительного числа;

применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни;

применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений;

свободно оперировать понятием: степень с целым показателем, использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных;

свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени;

свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем;

свободно оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы;

свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента;

оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства:

свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия, равносильные неравенства;

применять различные методы решения рациональных и дробнорациональных уравнений, применять метод интервалов для решения неравенств;

использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений;

выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем;

использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений;

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения, находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней;

применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений;

свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики:

свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции, взаимно обратные функции, график функции, выполнять элементарные преобразования графиков функций;

свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства;

свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке;

свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем, график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем;

оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно-линейная функции, выполнять элементарное исследование и построение их графиков;

свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики, использовать их графики для решения уравнений;

свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента;

использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами;

Начала математического анализа:

свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, формула сложных процентов, иметь представление о константе;

использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера;

свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности;

свободно оперировать понятиями: непрерывные функции, точки разрыва графика функции, асимптоты графика функции;

свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке, применять свойства непрерывных функций для решения задач;

свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции;

вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций, знать производные элементарных функций;

использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Множества и логика:

свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами;

использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов;

свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнениеследствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства.

К концу обучения в **11 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

Числа и вычисления:

свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач;

Уравнения и неравенства:

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов;

осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения;

свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств;

свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств;

решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры;

применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи,

исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

Функции и графики:

строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций;

строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости;

свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций;

применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

Начала математического анализа:

использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы;

находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;

использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком;

свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона-Лейбница;

находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла;

иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений;

решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

		Количество	часов	Электронные	
№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Всего	Контрольные работы	Практические работы	(цифровые) образовательные ресурсы
1	Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений	14	1		
2	Функции и графики. Степенная функция с целым показателем	6			
3	Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения	15	1		
4	Показательная функция. Показательные уравнения	10	1		
5	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения	12			
6	Тригонометрические выражения и уравнения	15	1		
7	Последовательности и прогрессии	5			
8	Непрерывные функции. Производная	20	1		
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	5	1		
ОБЩЕ	ЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	102	6	0	

11 КЛАСС

		Количество	учасов	Электронные	
№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Всего	Контрольные работы	Практические работы	(цифровые) образовательные ресурсы
1	Исследование функций с помощью производной	21	1		
2	Первообразная и интеграл	9			
3	Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства	14	1		
4	Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства	24	1		
5	Натуральные и целые числа	6			
6	Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений	12	1		
7	Повторение, обобщение, систематизация знаний	16	1		
ОБЩЕ	ЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	102	5	0	

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

		Количеств	во часов		Электронные	
№ п/п	Тема урока	Всего	Контрольные работы	Практические работы	Дата изучения	цифровые образовательные ресурсы
01.	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна	1			01.09.2023	
02.	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1			02.09.2023	
03.	Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений	1			05.09.2023	
04.	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни	1			08.09.2023	
05.	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни	1			09.09.2023	
06.	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа	1			12.09.2023	
07.	Арифметические операции с действительными числами	1			15.09.2023	
08.	Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений	1			16.09.2023	
09.	Тождества и тождественные преобразования	1			19.09.2023	

10.	Уравнение, корень уравнения	1		2	22.09.2023	
11.	Неравенство, решение неравенства	1		2	23.09.2023	
12.	Метод интервалов	1		2	26.09.2023	
13.	Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1		2	29.09.2023	
14.	Контрольная работа №1 "Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенств"	1	1	3	30.09.2023	
15.	Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции	1		0	03.10.2023	
16.	График функции. Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства	1		0	06.10.2023	
17.	Чётные и нечётные функции	1		0	07.10.2023	
18.	Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа	1		1	0.10.2023	
19.	Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных	1		1	3.10.2023	
20.	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1		1	4.10.2023	
21.	Арифметический корень натуральной степени	1		1	7.10.2023	
22.	Арифметический корень натуральной степени	1		2	20.10.2023	
23.	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1		2	21.10.2023	
24.	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1		2	24.10.2023	

25.	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1		27.10.2023	
26.	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1		7.11.2023	
27.	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1		10.11.2023	
28.	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1		11.11.2023	
29.	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1		14.11.2023	
30.	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1		17.11.2023	
31.	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1		18.11.2023	
32.	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1		21.11.2023	
33.	Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1		24.11.2023	
34.	Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1		25.11.2023	
35.	Контрольная работа №2 "Свойства и график корня n-ой степени. Иррациональные уравнения"	1	1	28.11.2023	
36.	Степень с рациональным показателем и её свойства	1		1.12.2023	

	Степень с рациональным показателем и её				
37.	свойства	1		2.12	2.2023
	Степень с рациональным показателем и её				
38.	свойства	1		5.12	2.2023
•	Показательная функция, её свойства и				
39.	график	1		8.12	2.2023
40	Использование графика функции для	1		0.12	2002
40.	решения уравнений	1		9.12	2.2023
41.	Использование графика функции для	1		12.1	12.2023
41.	решения уравнений	1		12.1	12.2023
42.	Показательные уравнения. Основные	1		15.1	12.2023
72.	методы решения показательных уравнений	1		13.1	12.2023
43.	Показательные уравнения. Основные	1		16.1	12.2023
73.	методы решения показательных уравнений	1		10.1	12.2023
44.	Показательные уравнения. Основные	1		19 1	12.2023
	методы решения показательных уравнений			17.1	12.2023
45.	Контрольная работа №3 "Показательная	1	1	22.1	12.2023
	функция. Показательные уравнения"		_		
46.	Логарифм числа. Свойства логарифма	1		23.1	12.2023
47.	Логарифм числа. Свойства логарифма	1		26.1	12.2023
48.	Десятичные и натуральные логарифмы	1		29.1	12.2023
49.	Преобразование выражений, содержащих	1		0.01	1.2024
49.	логарифмы	1		9.01	1.2024
50.	Преобразование выражений, содержащих	1		12.0	01.2024
50.	логарифмы	1		12.0	J1.2024
51.	Логарифмическая функция, её свойства и	1		12.0	01.2024
31.	график	1		13.0	J1.2U24
52.	Логарифмическая функция, её свойства и	1		16.0	01.2024
32.	график	1		10.0	J1.2U24
53.	Использование графика функции для	1		19.0	01.2024

	решения уравнений		
54.	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1	20.01.2024
55.	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1	23.01.2024
56.	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1	26.01.2024
57.	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1	27.01.2024
58.	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента	1	30.01.2024
59.	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента	1	2.02.2024
60.	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1	3.02.2024
61.	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1	6.02.2024
62.	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1	9.02.2024
63.	Основные тригонометрические формулы	1	10.02.2024
64.	Основные тригонометрические формулы	1	13.02.2024
65.	Преобразование тригонометрических выражений	1	16.02.2024
66.	Преобразование тригонометрических выражений	1	17.02.2024
67.	Преобразование тригонометрических выражений	1	20.02.2024

68.	Решение тригонометрических уравнений	1		24.02.2024
69.	Решение тригонометрических уравнений	1		24.02.2024
70.	Решение тригонометрических уравнений	1		27.02.2024
71.	Решение тригонометрических уравнений	1		1.03.2024
72.	Контрольная работа №4 "Тригонометрические выражения и тригонометрические уравнения"	1	1	2.03.2024
73.	Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности	1		5.03.2024
74.	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1		9.03.2024
75.	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1		12.03.2024
76.	Формула сложных процентов	1		15.03.2024
77.	Формула сложных процентов	1		13.03.2024
78.	Непрерывные функции и их свойства	1		16.03.2024
79.	Точка разрыва. Асимптоты графиков функций	1		19.03.2024
80.	Свойства функций непрерывных на отрезке	1		22.03.2024
81.	Свойства функций непрерывных на отрезке	1		2.04.2024
82.	Метод интервалов для решения неравенств	1		5.04.2024
83.	Метод интервалов для решения неравенств	1		6.04.2024
84.	Метод интервалов для решения неравенств	1		9.04.2024
85.	Применение свойств непрерывных	1		12.04.2024

	функций для решения задач					
86.	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1			13.04.2024	
87.	Первая и вторая производные функции	1			16.04.2024	
88.	Определение, геометрический смысл производной	1			19.04.2024	
89.	Определение, физический смысл производной	1			20.04.2024	
90.	Уравнение касательной к графику функции	1			23.04.2024	
91.	Уравнение касательной к графику функции	1			26.04.2024	
92.	Производные элементарных функций	1			27.04.2024	
93.	Производные элементарных функций	1			30.04.2024	
94.	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1			3.05.2024	
95.	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1			4.05.2024	
96.	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1			7.05.2024	
97.	Контрольная работа №5 "Производная"	1	1		10.05.2024	
98.	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1			11.05.2024	
99.	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1			14.05.2024	
100.	Итоговая контрольная работа	1	1		17.05.2024	
101.	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1			18.05.2024	
102.	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1			21.05.2024	
ОБЩІ	ЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	102	6	0		

11 КЛАСС

		Количес	гво часов			Электронные
№ п/п	Тема урока	Всего	Контрольные работы	Практические работы	Дата изучения	цифровые образовательные ресурсы
1.	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				
2.	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				
3.	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				
4.	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				
5.	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				
6.	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				
7.	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1				
8.	Нахождение наибольшего и	1				

	наименьшего значения непрерывной			
	функции на отрезке			
9.	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1		
10.	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1		
11.	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1		
12.	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1		
13.	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1		
14.	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1		
15.	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1		
16.	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1		

17.	Композиция функций	1			
18.	Композиция функций	1			
19.	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1			
20.	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1			
21.	Контрольная работа №1: "Исследование функций с помощью производной"	1	1		
22.	Первообразная, основное свойство первообразных	1			
23.	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1			
24.	Интеграл. Геометрический смысл интеграла	1			
25.	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1			
26.	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1			
27.	Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур	1			
28.	Применение интеграла для нахождения объёмов геометрических тел	1			
29.	Примеры решений дифференциальных уравнений	1			
30.	Примеры решений дифференциальных уравнений	1			
31.	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1			

32.	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1		
33.	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1		
34.	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1		
35.	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1		
36.	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1		
37.	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1		
38.	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1		
39.	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1		
40.	Решение тригонометрических неравенств	1		
41.	Решение тригонометрических неравенств	1		
42.	Решение тригонометрических неравенств	1		
43.	Решение тригонометрических неравенств	1		

	Контрольная работа №2: "Графики					
44.	тригонометрических функций.	1	1			
	Тригонометрические неравенства"					
45.	Основные методы решения	1				
43.	показательных неравенств	1				
46.	Основные методы решения	1				
	показательных неравенств	-				
47.	Основные методы решения	1				
	показательных неравенств					
48.	Основные методы решения	1				
	показательных неравенств					
49.	Основные методы решения	1				
	логарифмических неравенств					
50.	Основные методы решения	1				
	логарифмических неравенств					
51.	Основные методы решения	1				
	логарифмических неравенств					
52.	Основные методы решения логарифмических неравенств	1				
53.	Основные методы решения иррациональных неравенств	1				
	Основные методы решения					
54.	иррациональных неравенств	1				
	Основные методы решения					
55.	иррациональных неравенств	1				
	Основные методы решения					
56.	иррациональных неравенств	1				
57.	Графические методы решения	1				
	1 1 Property	-		1	1	

	иррациональных уравнений				
58.	Графические методы решения иррациональных уравнений	1			
59.	Графические методы решения показательных уравнений	1			
60.	Графические методы решения показательных неравенств	1			
61.	Графические методы решения логарифмических уравнений	1			
62.	Графические методы решения логарифмических неравенств	1			
63.	Графические методы решения логарифмических неравенств	1			
64.	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1			
65.	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1			
66.	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1			
67.	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1			
68.	Контрольная работа №3: "Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства"	1	1		

69.	Натуральные и целые числа	1		
70.	Натуральные и целые числа	1		
71.	Применение признаков делимости целых чисел	1		
72.	Применение признаков делимости целых чисел	1		
73.	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК	1		
74.	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК	1		
75.	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы- следствия	1		
76.	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы- следствия	1		
77.	Основные методы решения систем и совокупностей рациональных уравнений	1		
78.	Основные методы решения систем и совокупностей иррациональных уравнений	1		
79.	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1		
80.	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1		
81.	Основные методы решения систем и	1		

	совокупностей логарифмических уравнений				
82.	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений	1			
83.	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1			
84.	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1			
85.	Применение неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1			
86.	Контрольная работа №4: "Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений"	1	1		
87.	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1			
88.	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1			

89.	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения. Системы уравнений"	1			
90.	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1			
91.	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1			
92.	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1			
93.	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1			
94.	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1			
95.	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1			
96.	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Интеграл и его применение"	1			
97.	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1			
98.	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1			
99.	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1			
100.	Итоговая контрольная работа	1	1	_	
101.	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1			
102.	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1			

ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО 102 5 0 ПРОГРАММЕ 5 0

УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА

• Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа (в 2 частях), 11 класс/ Часть 1: Мордкович А.Г., Семенов П.В.; Часть 2: Мордкович А.Г. и другие; под редакцией Мордковича А.Г., Общество с ограниченной ответственностью «ИОЦ МНЕМОЗИНА»

Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа (в 2 частях), 10 класс/ Часть 1: Мордкович А.Г., Семенов П.В.; Часть 2: Мордкович А.Г. и другие; под редакцией Мордковича А.Г., Общество с ограниченной ответственностью «ИОЦ МНЕМОЗИНА»

МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

Алгебра начала математического анализа; Сборник примерных рабочих программ. 10-11 классы учеб, пособие для общеобразоват. организаций / [сост. Т.А. Бурмистров]. - 2-е изд., —М.: Просвещение, 2018

ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ

Для соответствия требованиям к организации современного образовательного процесса в целях повышения его эффективности и повышения качества образования рекомендуется использование ресурсов

федеральных образовательных порталов в частности, ресурсов РЭШ (https://resh.edu.ru) и ФЦИОР (http://fcior.edu.ru)